

Nom
Numéro

**Question 3** : (25%)

On donne dans le même plan, un point fixe  $F$ , et un cercle fixe de centre  $O$  et de rayon  $R$ . Par  $F$ , on mène une droite qui intersecte le cercle en deux points  $A$  et  $B$ . Cette droite pivote autour du point  $F$ . On vous demande :

1. le lieu du point  $m_1$  milieu du segment  $AF$  ;
2. le lieu du point  $m_2$  milieu du segment  $AB$  ;
3. un (ou plusieurs) dessin(s) clair(s) du problème et la représentation précise de chacun des deux lieux (envisagez différents cas si nécessaire et essayez, en vous aidant du compas, de dessiner un maximum sans utiliser les graduations de la latte).

Nom
Numéro

**Question 4 : (25%)**

Les grands chefs-coq prétendent qu'un œuf sur le plat réussi est un cylindre (très plat) qui couvre l'intégralité de la poêle avec une épaisseur uniforme du blanc d'œuf  $h$  égale à 2. Sachant que le volume d'un œuf dans sa coquille est bien approximé par une sphère de diamètre égal à 30, et sachant que le jaune d'œuf occupe un volume égal à  $1/10$  du volume total de l'œuf, on vous demande d'estimer le diamètre  $D$  de la poêle qu'il convient d'utiliser pour réussir votre œuf sur le plat. On vous demande de traiter deux cas (plus ou moins proches de la réalité !):

Cas 1 – le jaune d'œuf est complètement superposé au blanc d'œuf sous forme d'un petit dôme ;

Cas 2 – le jaune d'œuf se présente sous la forme d'un cylindre dont la hauteur est égale à son diamètre, cylindre qui est incorporé dans le blanc d'œuf (mais peut en dépasser !) et dont la base est en contact avec la poêle.

Nom
Numéro

**Question 3** : (25%)

Soit un triangle  $ABC$  dont le côté  $BC$  est fixe et dont la somme des longueurs des côtés  $AB$  et  $AC$  est constante :  $\overline{AB} + \overline{AC} = k$ . On prolonge le côté  $AB$  au delà du sommet  $A$  et on construit la bissectrice extérieure à l'angle  $\hat{A}$  (correspondant au sommet  $A$  du triangle). On construit ensuite la perpendiculaire à cette bissectrice abaissée à partir de  $C$ . Cette perpendiculaire intersecte le prolongement de  $AB$  en  $m_1$  et la bissectrice en  $m_2$ . On vous demande

1. de décrire le lieu du point  $m_1$  ;
2. de décrire le lieu du point  $m_2$ .

Vous veillerez à justifier vos raisonnements, ainsi qu'à construire les données du problème et à représenter précisément chacun des deux lieux en utilisant au maximum votre compas et votre règle (càd en évitant autant que possible le recours aux graduations de longueur et d'angle).

Nom
Numéro

**Question 4** : (25%)

Un diablo est conçu à partir d'un cylindre plein de diamètre  $D$  et de hauteur  $L = 2D$ , et de deux cônes pleins de diamètre de base  $D'$  et de hauteur  $h = 3D'$ . Le cylindre et les deux cônes sont constitués de la même matière. Pour réaliser ce diablo, on coupe la tête des deux cônes afin de pouvoir les ajuster parfaitement aux deux extrémités du cylindre. Les trois pièces sont collées bout-à-bout. Afin d'obtenir un bon diablo, il convient que la masse du cylindre central soit égale à  $1/8$  de la masse totale du diablo. Sachant que l'on dispose de cônes dont le diamètre est  $D' = 4$ , on demande d'évaluer le diamètre du cylindre qu'il faut choisir pour réaliser le diablo.

Géométrie synthétique : septembre 2005 (troisième série)

Nom
Numéro

**Question 4** : (25%)

Un triangle quelconque tourne autour de la droite qui joint les milieux de deux de ses côtés. Les deux parties du triangle, situées de part et d'autre de la droite, engendrent chacune un volume. On vous demande de déterminer le rapport de ces deux volumes en expliquant votre démarche au moyen d'un dessin précis.

Nom
Numéro

**Question 3** : (25%)

Soit un diamètre fixe  $AB$  d'un cercle de centre  $O$ , et un point mobile  $C$  sur la circonférence de ce cercle. On construit  $D$  en prolongeant le segment  $BC$  tel que  $DC = BC$ . On vous demande de déterminer

1. le lieu du point  $D$  ;
2. le lieu du point  $M$ , intersection des droites  $AC$  et  $OD$  ;
3. de justifier votre réponse sur base d'une représentation claire du problème et d'une représentation précise de chacun des deux lieux. Les dessins seront effectués en utilisant au maximum le compas et la règle (càd sans utiliser les graduations de distances et d'angles).